

**ΙΔΙΩΤΙΚΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΗΡΙΑ ΠΟΛΥΤΡΟΠΗ ΑΡΜΟΝΙΑ & ΠΟΛΥΤΡΟΠΗ**

**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ**

**Γ' ΤΑΞΗΣ ΗΜΕΡΗΣΙΟΥ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ**

**ΗΜΕΡΟΜΗΝΙΑ: ΔΕΥΤΕΡΑ 12 ΙΟΥΝΙΟΥ 2023**

**ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ**

**ΣΥΝΟΛΟ ΣΕΛΙΔΩΝ: ΕΞΙ (6)**

**ΠΡΟΤΕΙΝΟΜΕΝΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ**

**ΘΕΜΑ Α**

A1. (β)    A2. (δ)    A3. (β)    A4. (α)    A5. α. Λ    β. Σ    γ. Σ    δ. Λ    ε. Λ

**ΘΕΜΑ Β**

**B1. Σωστό το (i)**

Από το διάγραμμα βλέπουμε ότι το τη χρονική στιγμή  $t = 2\text{sec}$  το κύμα μόλις έφτασε στη θέση  $x = 4\text{m}$ . Υπολογίζουμε έτσι την ταχύτητα διάδοσης του κύματος:

$$x = u_{\delta} \cdot t \Rightarrow u_{\delta} = \frac{x}{t} \Rightarrow u_{\delta} = \frac{4}{2} \Rightarrow u_{\delta} = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

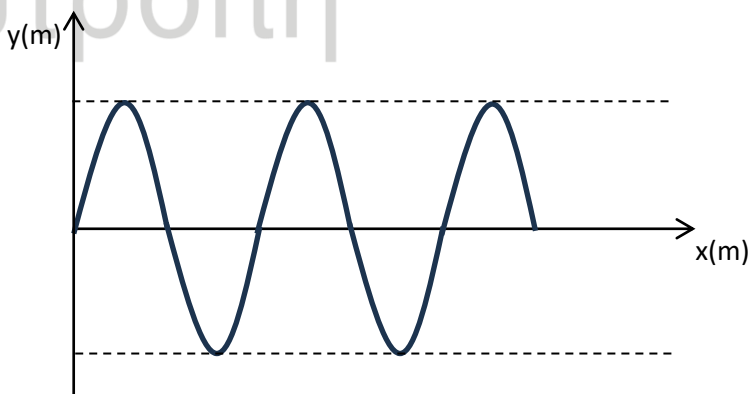
Η φάση του σημείου  $x = 0$  τη χρονική στιγμή  $t = 2 \text{ sec}$  είναι  $\phi = 4\pi \text{ rad}$ , πράγμα που σημαίνει πως το σημείο αυτό θα έχει διαγράψει μόλις 2 πλήρεις ταλαντώσεις.

$$\phi = 2\pi \left( \frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) \xrightarrow{x=0 \ \& \ \phi=4\pi} 4\pi = \frac{2\pi \cdot 2}{T} \Rightarrow T = 1\text{sec} :$$

Άρα και η συχνότητα είναι  $f = 1 \text{ Hz}$

Από τη θεμελιώδη εξίσωση της κυματικής το μήκος κύματος προκύπτει:

$$u_{\delta} = \lambda f \Rightarrow \lambda = \frac{u_{\delta}}{f} \Rightarrow \lambda = 2\text{m}$$



Τη χρονική στιγμή  $t = 2,5 \text{ sec}$ , το κύμα θα έχει διαδοθεί μέχρι τη θέση  $x = 5\text{m}$ .

Η ζητούμενη χρονική στιγμή  $t = 2,5\text{s}$  αντιστοιχεί σε δύο ολόκληρες περιόδους και μισή περίοδο ( $2T$  και  $T/2$ ).

Από το στιγμιότυπο του κύματος παρατηρούμε ότι υπάρχουν 5 σημεία σε ακραίες θέσεις.

### B.2 Σωστή απάντηση η (ii).

Για τη συχνότητα κατωφλίου ισχύει:  $hf_1 = \phi$  (1)

Για τη συχνότητα  $f_2 = 3f_1$ , θα έχουμε:

$$K_{\max} = hf_2 - \phi \Rightarrow K_{\max} = h3f_1 - hf_1 = 2hf_1 \quad (2)$$

Για την τάση αποκοπής  $V_0$  από το Θ.Μ.Κ.Ε :  $0 = K_{\max} = -eV_0 \Rightarrow V_0 = \frac{2hf_1}{e}$

### B.3 α) Σωστή απάντηση η (ii).

Για τα ιόντα που δεν εκτρέπονται πρέπει  $\Sigma F = 0 \Rightarrow F_{\eta\lambda} = F_{Lor} \Rightarrow Eq = B_1 v \eta\mu 90 \Rightarrow$

$$v = \frac{E}{B_1} \quad (1)$$

### β) Σωστή απάντηση η (i).

Τα ισότοπα στο δεύτερο μαγνητικό πεδίο διαγράφουν ημικύκλια με διαφορετικές ακτίνες με  $R_2 > R_1$ .

$$R_1 = \frac{m_1 v}{B_2 q} \quad (2) \quad \text{και} \quad R_2 = \frac{m_2 v}{B_2 q} \quad (3)$$

Αφού  $R_2 > R_1$ . Και  $m_2 > m_1$

$$d = 2R_2 - 2R_1 \Rightarrow d = 2 \frac{m_2 v}{B_2 q} - 2 \frac{m_1 v}{B_2 q} \Rightarrow d = \frac{2v}{B_2 q} (m_2 - m_1) \Rightarrow \Delta m =$$

$$\frac{dB_2 q}{2v} \Rightarrow$$

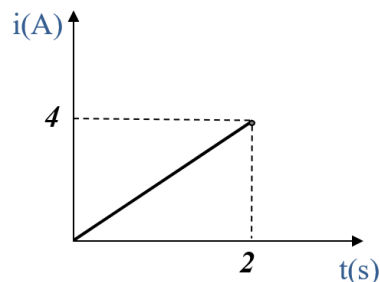
$$\Delta m = \frac{dB_2 q B_1}{2E}$$

## ΘΕΜΑ Γ

### Γ.1 Η γραφική παράσταση της συνάρτησης

$i = 2t$  (S.I.) παριστάνει ευθεία που διέρχεται από την αρχή των αξόνων.

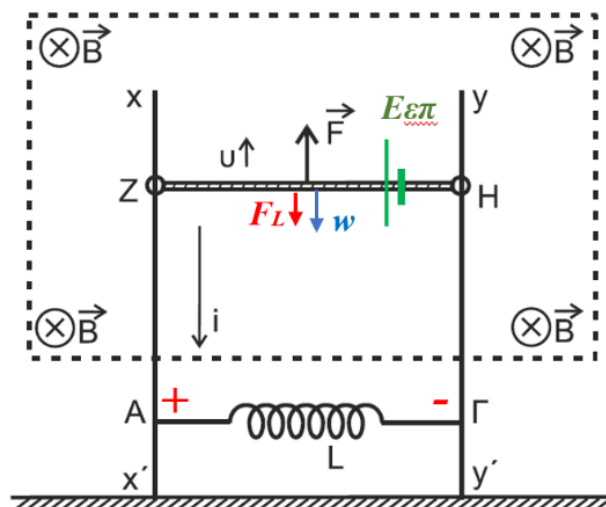
Από την κλίση της ευθείας:  $\frac{\Delta i}{\Delta t} = \frac{4-0}{2-0} = 2 \frac{A}{s}$



Το εμβαδόν στο διάγραμμα  $i$ - $t$  είναι αριθμητικά ίσο με το φορτίο που μετακινήθηκε στο κύκλωμα  $q = \frac{4.2}{2} = 4C$

**Γ.2** Επειδή το πηνίο προσπαθεί να αντισταθεί στην αύξηση του ρεύματος, η πολικότητα της Η.Ε.Δ. από αυτεπαγωγή θα είναι με (+) στο Α και (-) στο Γ.

$$|E_{\text{αυτ}}| = L \frac{\Delta i}{\Delta t} = 1V$$



**Γ.3** Για τον υπολογισμό του ρεύματος σε οποιαδήποτε στιγμή ισχύει:  $i = \frac{E_{\text{επ}} - E_{\text{αυτ}}}{R} \Rightarrow 2t = \frac{Bv l - 1}{R} \Rightarrow v = 1 + 2t$  (S.I) [ΠΡΟΣΟΧΗ! Στο κύκλωμα εμφανίζονται δύο πηγές]

Η κίνηση της ράβδου ZH, είναι ομαλά επιταχυνόμενη, με επιτάχυνση  $a = 2m/s^2$

(ο συντελεστής του  $t$  στην εξίσωση της ταχύτητας είναι πρακτικά η σταθερή επιτάχυνση της ράβδου).

**Γ.4** Για  $t_1 = 2s$ :  $v_1 = 5m/s$  και  $I = 4A$

α)  $\Sigma F = ma \Rightarrow F - mg - F_L = ma \Rightarrow F = mg + ma + Bil$

$$\Rightarrow F = 5 + 4 + 1 = 10N$$

β)  $\frac{dW_F}{dt} = \frac{Fdx}{dt} = Fv_1 = 50 \frac{J}{s}$

γ)  $\frac{dU_B}{dt} = |E_{\text{αυτ}}| \cdot i = 4 \frac{J}{s}$

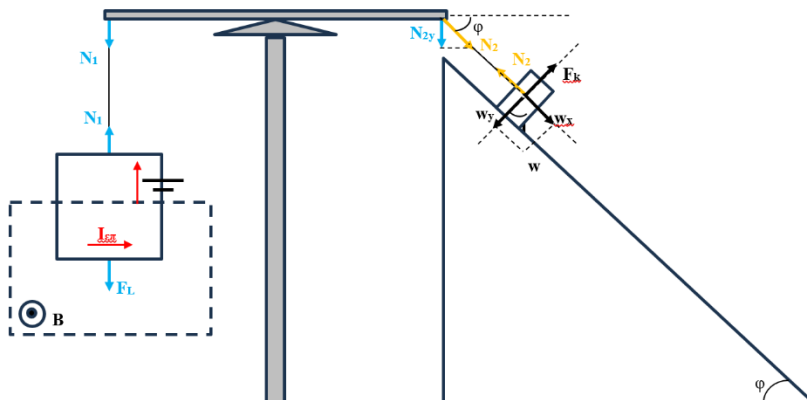
## ΘΕΜΑ Δ

**Δ.1** Από την ισορροπία του σώματος  $\Sigma_1$ :

$$\Sigma F_x = 0 \Rightarrow m_1 g \eta \mu \phi = N_2 \Rightarrow N_2 = 30 \cdot 0,6 = 18N$$

Από την ισορροπία της ράβδου:  $\Sigma \tau_{(0)} = 0 \Rightarrow N_1(L/2) - N_2 \eta \mu \phi (L/2) = 0 \Rightarrow N_1 = N_2 \eta \mu \phi \Rightarrow$

$$N_1 = 10,8N$$



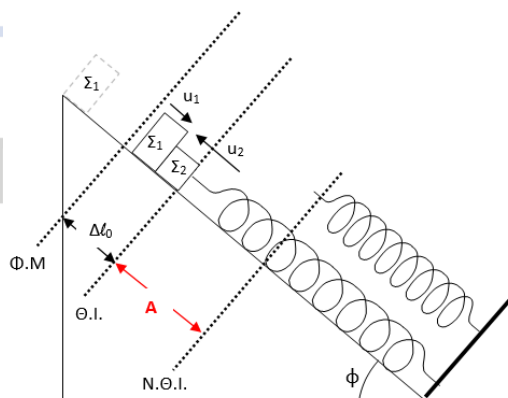
**Δ.2** Στο πλαίσιο, από το Νόμο Ohm σε κλειστό κύκλωμα έχουμε:

$$I = \frac{E}{R} = 15A$$

Άρα, λόγω ισορροπίας:  $\Sigma F_y = 0 \Rightarrow N_1 - F_L = 0 \Rightarrow N_1 = B I a \Rightarrow B = 0,9 T$

**Δ.3** Αφού η κρούση γίνεται στη θέση ισορροπίας του  $\Sigma_2$ , ο χρόνος κίνησης των σωμάτων

$\Sigma_1$  και  $\Sigma_2$  θα είναι ίδιος:  $t_1 = t_2 = \frac{T}{4}$



Με T την περίοδο του  $\Sigma_2$ :  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m_2}{k}} = \frac{\pi}{5} s$

Έτσι:  $t_1 = t_2 = \frac{T}{4} = \frac{\pi}{20} s$

Για την ταχύτητα του  $\Sigma_2$  λίγο πριν την κρούση θα έχουμε:  $u_2 = u_{max} = \omega d \Rightarrow$

$$u_2 = \frac{2\pi}{T} d = \frac{9\pi}{10} m/s.$$

Για την ταχύτητα του  $\Sigma_1$ :  $u_1 = \alpha_1 t_1$ .

Από 2<sup>ο</sup> Νόμο Newton:

$$\Sigma F_x = m_1 \alpha_1 \Rightarrow m_1 g \eta \mu \phi = m_1 \alpha_1 \Rightarrow \alpha_1 = g \eta \mu \phi = 6 \text{ m/s}^2.$$

$$\text{Οπότε : } v_1 = \alpha_1 t_1 = \frac{3\pi}{10} \text{ m/s}$$

Και από Α.Δ.Ο για την πλαστική κρούση:

$$m_2 v_2 - m_1 v_1 = (m_1 + m_2) V_\Sigma \Rightarrow 3 \cdot \frac{3\pi}{10} - \frac{9\pi}{10} = 4 V_\Sigma \Rightarrow V_\Sigma = 0$$

**Δ.4** Αφού το συσσωμάτωμα έχει μηδενική ταχύτητα, ο ταλαντωτής ( $m_1 + m_2$ ,  $K$ ) για  $t=0$ , θα βρίσκεται στην πάνω ακραία θέση ( $x = +A$ ).

$$\text{Άρα } x = A \eta \mu(\omega t + \phi_0) \Rightarrow A = A \eta \mu \phi_0 \Rightarrow \eta \mu \phi_0 = 1 \Rightarrow \phi_0 = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

$$\omega_\Sigma = \sqrt{\frac{k}{m_1 + m_2}} = 5 \text{ rad/s}$$

Επειδή αλλάζει η θέση ισορροπίας θα έχουμε :  $A = \Delta l_1 - \Delta l_0$

$$\text{Από τη θέση ισορροπίας του } \Sigma_2 : \Sigma F_x = 0 \Rightarrow m_2 g \eta \mu \phi = k \Delta l_0 \Rightarrow \Delta l_0 = \frac{6}{100} \text{ m} = 0,06 \text{ m}.$$

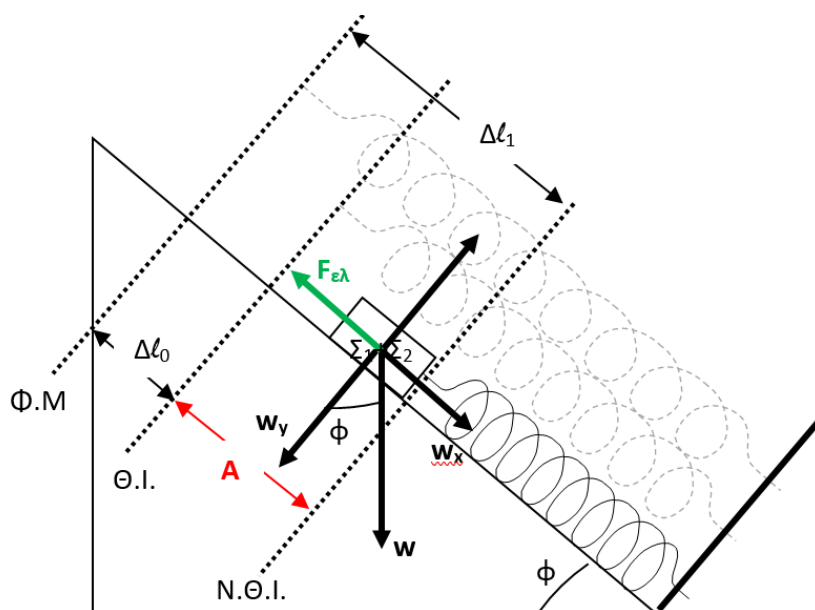
$$\text{Από τη θέση ισορροπίας του συσσωματώματος: } (m_1 + m) g \eta \mu \phi = k \Delta l_1 \Rightarrow \Delta l_1 = 0,24 \text{ m}$$

Οπότε, από τη γεωμετρία του σχήματος προκύπτει:

$$A = 0,24 - 0,06 \text{ m} = 0,18 \text{ m}.$$

Και η εξίσωση απομάκρυνσης του νέου ταλαντωτή θα είναι:

$$x = 0,18 \eta \mu(5t + \frac{\pi}{2}) \text{ (S.I)}$$



**Δ.5** Για την ταλάντωση του  $\Sigma_1$  και  $\Sigma_2$  θα ισχύει :  $\Sigma F_x = -Dx \Rightarrow$

$$\Rightarrow F_{ελ} - (m_1+m_2)g\eta\mu\phi = -Kx \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F_{ελ} = 24 - 100x \text{ (S.I)} \quad \mu\epsilon -0,18\text{m} \leq x \leq +0,18\text{m}$$

Επομένως, η ζητούμενη γραφική παράσταση θα είναι η παρακάτω:

