

**ΙΔΙΩΤΙΚΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΗΡΙΑ ΠΟΛΥΤΡΟΠΗ ΑΡΜΟΝΙΑ &
ΠΟΛΥΤΡΟΠΗ
ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ
Γ' ΤΑΞΗΣ ΗΜΕΡΗΣΙΟΥ ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ
ΗΜΕΡΟΜΗΝΙΑ: ΔΕΥΤΕΡΑ 8 ΙΟΥΝΙΟΥ 2026
ΕΞΕΤΑΖΟΜΕΝΟ ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ**

ΠΡΟΤΕΙΝΟΜΕΝΕΣ ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

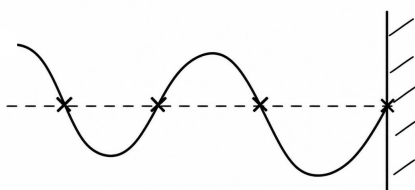
ΘΕΜΑ Α

- A1. δ
A2. β
A3. α
A4. γ
A5. α)Σ β)Σ γ)Λ δ)Λ ε)Σ

ΘΕΜΑ Β

B1. - iii

Αναγωγική σχέση για δεσμό στο ένα άκρο και κοιλία στο άλλο: $L = \frac{\lambda}{4} + (n - 1) \frac{\lambda}{2}$, όπου n πλήθος δεσμών.



$$\text{Για } T_1, n=2: L = \frac{\lambda}{4} + (2 - 1) \frac{\lambda}{2} = \frac{u_{\delta} T_1}{4} + \frac{u_{\delta} T_1}{2} = \frac{3u_{\delta} T_1}{4} \quad (\text{A})$$

$$\text{Για } T_2, n=3: L = \frac{\lambda}{4} + (3 - 1) \frac{\lambda}{2} = \frac{u_{\delta} T_2}{4} + \frac{2u_{\delta} T_2}{2} = \frac{5u_{\delta} T_2}{4} \quad (\text{B})$$

$$\text{Από } \frac{(\text{A})}{(\text{B})}: \frac{T_1}{T_2} = \frac{5}{3}$$

B2. - i

Από το αγωγό (1) δημιουργείται μαγνητικό πεδίο σε απόσταση r, με μέτρο:

$$B_{1\alpha\rho\chi} = \frac{\mu_0 2I}{4\pi r}$$

Άρα μήκος l του αγωγού (2) δέχεται δύναμη Laplace με μέτρο:

$$F_{LA1} = B_{1αρχ} I_2 l = B_{1αρχ} 2Il = \frac{\mu_0 4I^2}{4\pi r} l \text{ (A)}$$

Από το αγωγό (1) δημιουργείται μαγνητικό πεδίο σε απόσταση $r+r/2$, με μέτρο:

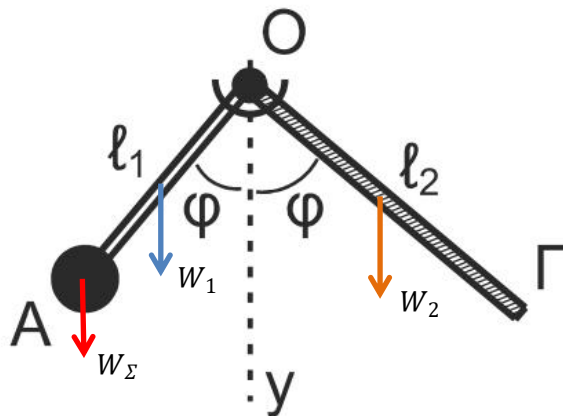
$$B_{1τελ} = \frac{\mu_0 2I}{4\pi \frac{3r}{2}} = \frac{\mu_0 4I}{4\pi 3r}$$

Άρα μήκος l του αγωγού (2) δέχεται δύναμη Laplace με μέτρο:

$$F_{LA2} = B_{1τελ} 2I_2 l = B_{1τελ} 4Il = \frac{\mu_0 4I}{4\pi 3r} 4Il = \frac{\mu_0 16I^2}{4\pi 3r} l \text{ (B)}$$

Από $\frac{(A)}{(B)}$: $\frac{F_{LA1}}{F_{LA2}} = \frac{3}{4}$

B3. - ii



Μοχλοβραχίονες:

$$d_{W_S} = l_1 \eta \mu \varphi$$

$$d_{W_1} = \frac{l_1}{2} \eta \mu \varphi$$

$$d_{W_2} = \frac{l_2}{2} \eta \mu \varphi$$

Στροφική ισορροπία:

$$\Sigma \tau_{(O)} = 0$$

$$W_S \cdot d_{W_S} + W_1 \cdot d_{W_1} = W_2 \cdot d_{W_2}$$

$$2l_1 = l_2$$

$$\frac{l_1}{l_2} = \frac{1}{2}$$

ΘΕΜΑ Γ

Γ1. Από την εξίσωση Compton:

$$\lambda' - \lambda = \frac{h}{m_e \cdot c} (1 - \sigma \nu \theta)$$

$$\lambda' - 8\lambda_c = \lambda_c [1 - \sigma \nu (180^\circ)]$$

$$\lambda' - 8\lambda_c = 2\lambda_c$$

$$\lambda' = 10\lambda_c$$

Γ2. Από Αρχή διατήρησης της ενέργειας:

$$E_{\phi\omega\tau} = E_{\phi\omega\tau'} + K_e$$

$$K_e = E_{\phi\omega\tau} - E_{\phi\omega\tau'}$$

$$K_e = h \cdot f - h \cdot f'$$

$$K_e = h \cdot \frac{c}{\lambda} - h \cdot \frac{c}{\lambda'}$$

$$K_e = h \cdot \frac{c}{8\lambda_c} - h \cdot \frac{c}{10\lambda_c}$$

$$K_e = \frac{2h \cdot c}{80\lambda_c}$$

$$K_e = \frac{h \cdot c}{40\lambda_c} = \frac{m_e c^2}{40}$$

$$K_e = \frac{5 \cdot 10^5 eV}{40}$$

$$K_e = 0,125 \cdot 10^5 eV$$

Γ3. Από εξίσωση Einstein για το φωτοηλεκτρικό φαινόμενο έχουμε:

$$K_{max} = h \cdot f - \phi$$

Επειδή $K_{\max} \geq 0$ έχουμε:

$$h \cdot f - \varphi \geq 0$$

$$h \cdot f \geq \varphi$$

$$f \geq \frac{\varphi}{h}$$

Άρα η ελάχιστη συχνότητα ακτινοβολίας για την οποία εξέρχονται φωτοηλεκτρόνια αντιστοιχεί στην ισότητα και ονομάζεται συχνότητα κατωφλίου:

$$f_o = \frac{\varphi}{h}$$

Για το υπολογισμό τη συχνότητας κατωφλίου μετατρέπουμε τη σταθερά Planck από τιμή με μονάδες $J \cdot \text{sec}$ σε τιμή με μονάδες $\text{eV} \cdot \text{s}$.

$$\begin{aligned}
 h &= 6,4 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{sec} = \frac{6,4 \cdot 10^{-34}}{1,6 \cdot 10^{-19}} \text{ eV} \cdot \text{sec} \\
 &= 4 \cdot 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{sec}
 \end{aligned}$$

$$f_o = \frac{1,4 \text{ eV}}{4 \cdot 10^{-15} \text{ eV} \cdot \text{sec}}$$

$$f_o = 0,35 \cdot 10^{15} \text{ Hz}$$

Γ4. Από εξίσωση φωτοηλεκτρικού φαινομένου για του Einstein για τη ακτινοβολία μήκους κύματος λ_1 έχουμε:

$$K_{\max,1} = h \cdot f_1 - \varphi$$

$$K_{\max,1} = h \cdot \frac{c}{\lambda_1} - \varphi$$

$$K_{\max,1} = \frac{1200 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{400 \text{ nm}} - 1,4 \text{ eV}$$

$$K_{\max,1} = 3 \text{ eV} - 1,4 \text{ eV}$$

$$K_{\max,1} = 1,6 \text{ eV}$$

Από ΘΜΚΕ για την κίνηση του ηλεκτρονίου από την κάθοδο στην άνοδο έχουμε:

$$\Delta K = \Sigma W$$

$$K_{\text{τελ}} - K_{\text{αρχ}} = e \cdot \Delta V$$

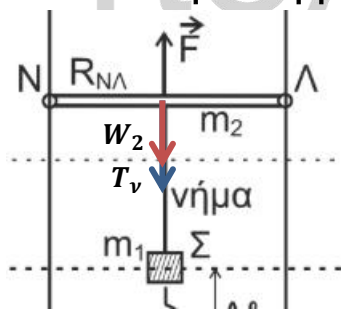
$$\xrightarrow{K_{\text{τελ}}=0, \Delta V=-V_0} -K_{\text{max},1} = -e \cdot V_0$$

$$-1,6eV = -eV_0$$

$$V_0 = 1,6V$$

ΘΕΜΑ Δ

Δ1. Από την ισορροπία της ράβδου:

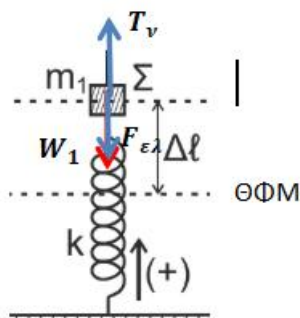


$$\Sigma F = 0$$

$$T_v + W_2 = F$$

$$T_v = F - W_2 = 3 - 1 = 2N$$

Από την ισορροπία του σώματος m_1 στο ελατήριο:



$$\Sigma F = 0$$

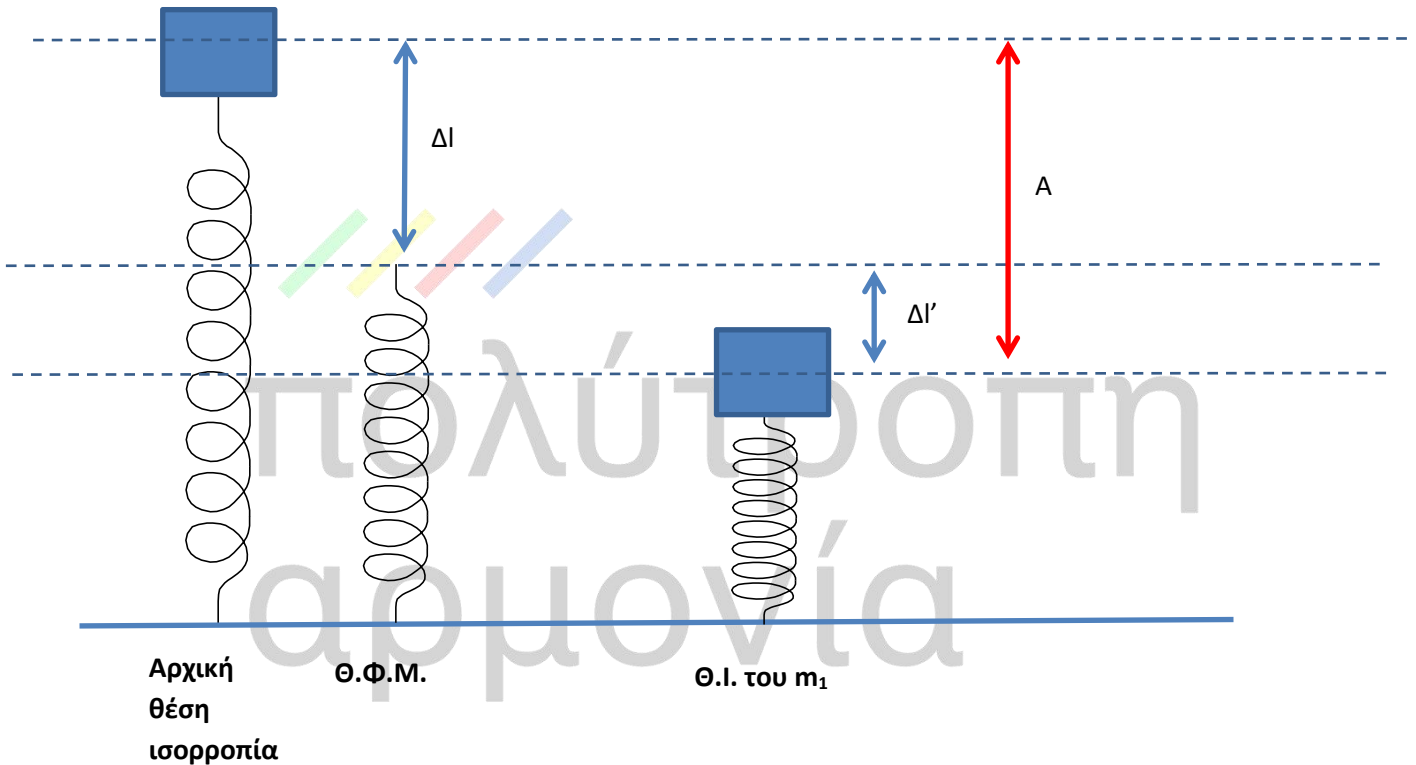
$$T_v = F_{\text{ελ}} + W_2$$

$$k \cdot \Delta l = T_v - W_2$$

$$\Delta l = 0,1m$$

Όταν κόψουμε το νήμα, το m_1 θα εκτελέσει α.α.τ. γύρω από τη Θ.Ι. του:

Εύρεση Θ.Ι. του m_1 (θα είναι κάτω από τη Θ.Φ.Μ. του ελατηρίου)



$$\Sigma F = 0$$

$$F'_{\varepsilon\lambda} = m_1 g$$

$$\Delta l' = 0,1\text{m}$$

Όταν κόβουμε το νήμα η ταχύτητα του m_1 είναι μηδενική συνεπώς η θέση αυτή είναι η ακραία θέση της ταλάντωσης του σώματος γύρω από τη Θ.Ι. του m_1 .

Άρα το πλάτος της ταλάντωσης θα είναι: $A = \Delta l + \Delta l' = 0,2\text{m}$

Η περίοδος ταλάντωσης του m_1 :

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{D}} = \frac{\pi}{5}\text{s}$$

$$\text{Άρα } \omega = \frac{2\pi}{T} = 10\text{rad/s}$$

Η εξίσωση κίνησης είναι $y = 0,2\eta\mu(10t + \frac{\pi}{2})$ (S.I.)

Δ2. Έστω x_1 η θέση όπου ισχύει $\frac{K}{E_\tau} = \frac{3}{4}$ τότε από αρχή διατήρησης της ενέργειας της ταλάντωσης (ΑΔΕτ) έχουμε:

$$E_\tau = K + U_\tau$$

$$E_\tau = \frac{3E_\tau}{4} + U_\tau$$

$$U_\tau = \frac{E_\tau}{4}$$

$$\frac{1}{2}Dy_1^2 = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2}DA^2$$

$$y_1^2 = \frac{A^2}{4}$$

$$|y_1| = \frac{A}{2} = 0,1\text{m}$$

Επομένως από την σχέση $a = -\omega^2 \cdot A\eta\mu(\omega t + \varphi_0) = -\omega^2 y$ έχουμε για το μέτρο της επιτάχυνσης:

$$|\alpha| = \omega^2 |y_1|$$

$$|\alpha| = 10^2 \cdot 0,1$$

$$|\alpha| = \frac{10\text{m}}{\text{s}^2}$$

Δ3. Η ράβδος κινείται προς τα πάνω επιταχυνόμενη καθώς η δύναμη F είναι μεγαλύτερη του βάρους w_2 . Καθώς η ράβδος κινείται σαρώνει εμβαδόν με αποτέλεσμα να μεταβάλλεται η μαγνητική ροή του κυκλώματος και να εμφανίζεται ΗΕΔ από επαγωγή, σύμφωνα με τον Ν. Faraday. Η ράβδος αποτελεί μέρος κλειστού κυκλώματος επομένως διαρρέεται από ηλεκτρικό ρεύμα τέτοιας φοράς ώστε να αντιτίθεται στο αίτιο που το προκάλεσε, σύμφωνα με τον κανόνα Lenz. Η ράβδος ΝΛ εφόσον είναι κατάλληλα τοποθετημένη εντός μαγνητικού πεδίου δέχεται δύναμη Laplace προς τα κάτω, η φορά της οποίας προκύπτει από τον κανόνα των τριών δαχτύλων.

Το μέτρο της δύναμης Laplace προκύπτει από τη σχέση:

$$F_L = B \cdot i_{\varepsilon\pi} \cdot l$$

$$F_L = B \cdot \left(\frac{Bul}{R_{ολ}} \right) \cdot l$$

$$F_L = \frac{B^2 ul^2}{R_{N\Lambda} + R}$$

Επομένως το μέτρο της αυξάνεται με την αύξηση της ταχύτητας, και η συνισταμένη των δυνάμεων άρα και η επιτάχυνση του σώματος μειώνεται κατά μέτρο, μέχρι που όταν μηδενιστεί η επιτάχυνση η ράβδος αποκτά σταθερή οριακή ταχύτητα.

Η κίνηση της ράβδου είναι λοιπόν, επιταχυνόμενη με επιτάχυνση που μειώνεται κατά μέτρο μέχρι τη χρονική στιγμή που η επιτάχυνση μηδενίζεται και η ράβδος αποκτά οριακή ταχύτητα, από εκεί και έπειτα κινείται ευθύγραμμα και ομαλά.

Για την εύρεση της οριακής ταχύτητας έχουμε:

$$\Sigma F_y = 0$$

$$F_L = F - w_2$$

$$\frac{B^2 u_{ορ} l^2}{R_{N\Lambda} + R} = F - m_2 \cdot g$$

$$u_{ορ} = \frac{4m}{s}$$

Δ4. Η ράβδος μετά την απόκτηση της οριακής ταχύτητας κινείται ευθύγραμμα και ομαλά επομένως σε χρονικό διάστημα $\Delta t = 0,125 \text{sec}$ έχει διανύσει απόσταση h που δίνεται από τη σχέση:

$$h = u_{ορ} \cdot \Delta t$$

$$h = 4 \cdot 0,125$$

$$h = 0,5 \text{m}$$

Και η δύναμη F έχει παράξει έργο W_F

$$W_F = F \cdot h$$

$$W_F = 3 \cdot 0,5$$

$$W_F = 1,5 \text{J}$$

Ενώ στη αντίστοιχη χρονική διάρκεια το κύκλωμα διαρρέεται από ρεύμα σταθερή έντασης:

$$i_{\varepsilon\pi} = \frac{E_{\varepsilon\pi}}{R_{o\lambda}}$$
$$i_{\varepsilon\pi} = \frac{Bu\lambda}{R_{N\Lambda} + R}$$
$$i_{\varepsilon\pi} = 2A$$

Όποτε στο κύκλωμα παράγεται θερμότητα:

$$Q_{\text{Joule}} = i_{\varepsilon\pi}^2 \cdot R_{o\lambda} \cdot \Delta t$$
$$Q_{\text{Joule}} = i_{\varepsilon\pi}^2 \cdot (R_{N\Lambda} + R) \cdot \Delta t$$
$$Q_{\text{Joule}} = 2^2 \cdot 2 \cdot 0,125$$
$$Q_{\text{Joule}} = 1J$$

Επομένως το ποσοστό είναι:

$$\Pi = \frac{Q_{\text{Joule}}}{W_F} \cdot 100\%$$
$$\Pi = \frac{200}{3}\%$$


πολύτροπη
αρμονία


πολύτροπη